

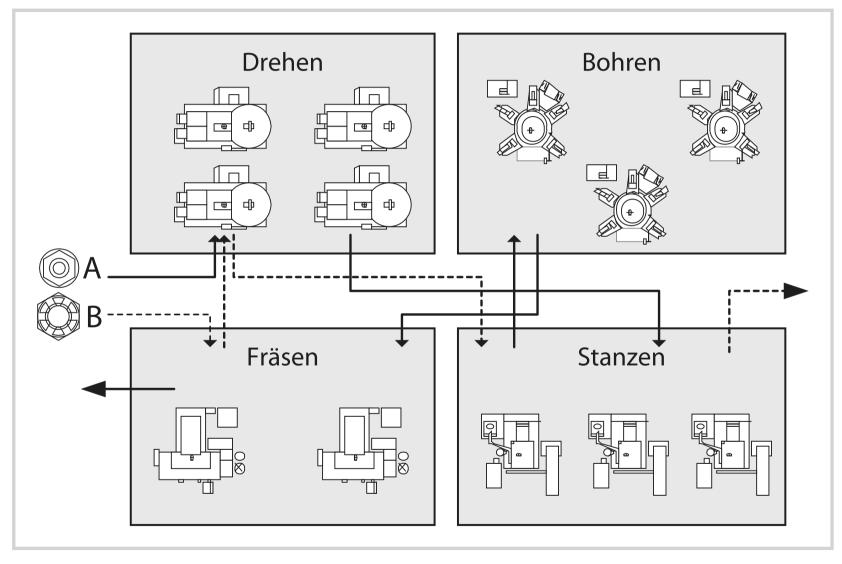


# Kapazitätsplanung bei Zentrenproduktion





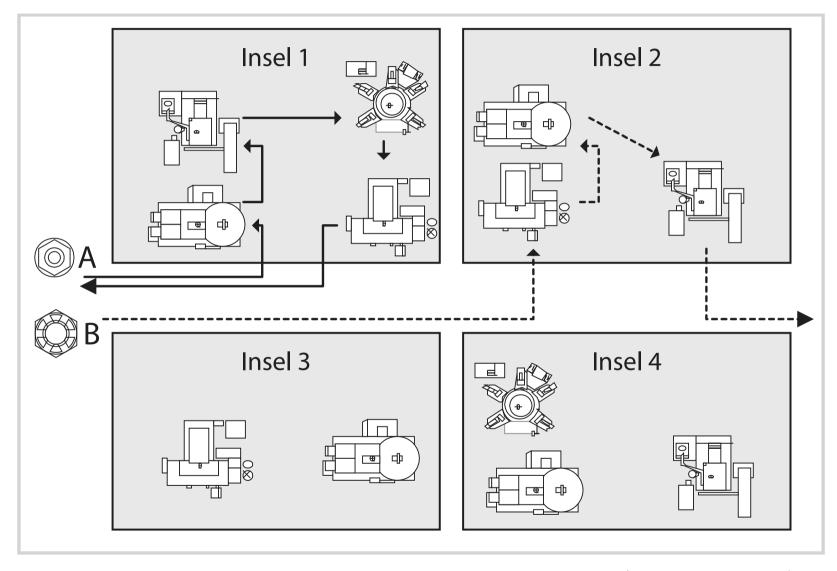
#### Materialfluss bei Werkstattproduktion:



(Quelle: Günther/Tempelmeier (2012))



#### Materialfluss bei Inselproduktion:



(Quelle: Günther/Tempelmeier (2012))



#### **V**orteile



#### Vorteile

- ▶ kurze Transportwege und -zeiten, geringer Transportkapazitätsbedarf
- geringe Umrüstzeiten
- ▶ niedrige Losgrößen, geringe Lagerbestände, kurze Durchlaufzeiten
- ▶ hohe Flexibilität
- einfache Produktionssteuerung
- Motivation
- geringes Investitionsvolumen bei Produktion mit konventioneller Technologie





#### Planungsschritte:

- ► Identifizierung von Erzeugnisfamilien
- Auswahl der Arbeitssysteme
- ► Auswahl des Planungs- und Steuerungssystems
- Auswahl, Schulung und Motivation der Mitarbeiter



#### Identifizierung von Erzeugnisfamilien

	E1	E2	E3	E4	E5	E6
M1			X		X	
M2		X	X			
M3	X			X		
M4		X	X		X	
M5	X			X		X



#### Identifizierung von Erzeugnisfamilien

	E1	E2	E3	E4	E5	E6
M1			X		X	
M2		X	X			
M3	X			X		
M4		X	X		X	
M5	X			X		X

	M5	М3	M4	M2	M1
E1	X	X			
E4	X	X			
E6	X				
E3			X	X	X
E2			X	X	
E5			X		X



Die trennscharfe Identifizierung von Erzeugnisfamilien gelingt nicht immer.

#### Beispiel Erzeugnisfamilienidentifikation und Inselbildung

	E1	E2	E3	E4
Fräsen	X	X		
Drehen	X		X	
Bohren	X		X	
Entgraten		X		X
Waschen		X		X





- Produkte

  - ▶ Produktionsmengen der einzelnen Produkte



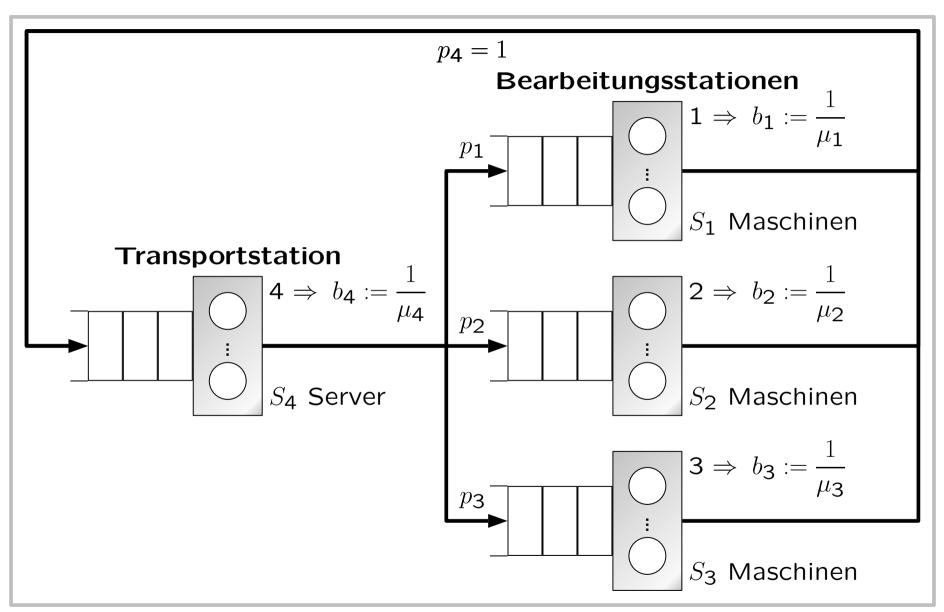
- Produkte
- Komponenten
  - > Art und Anzahl der einzusetzenden Maschinen
  - ▷ Art und Anzahl der Be- und Entladestationen (Spannplätze)
  - Art und Kapazität der Transportsysteme für Werkstücke und Werkzeuge
  - ▷ Art und Anzahl der Pufferplätze und der Zwischenlager
  - ▶ Art und Kapazität des Werkzeugversorgungssystems
  - ▷ Art und Anzahl der benötigten Werkstückträger (Paletten) und Vorrichtungen



- ► Produkte
- ► Komponenten
- ► Strukturen

  - □ Umfang und Qualifikation des Bedienpersonals





(vgl. Günther/Tempelmeier (2012))



#### **Leistungsanalyse** mit

- analytischen Methoden (Warteschlangentheorie)
- ► Simulation



#### **Leistungsanalyse** mit

- analytischen Methoden (Warteschlangentheorie)
- ► Simulation
- ▶ Praxisansatz: "Statische Analyse"
  Annahme: Der Engpass ist zu 100 % ausgelastet.



#### **Leistungsanalyse** mit

- analytischen Methoden (Warteschlangentheorie)
- ► Simulation
- Praxisansatz: "Statische Analyse" Annahme: Der Engpass ist zu 100 % ausgelastet. Datenaufbereitung:
  - $\triangleright$  Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
  - $\triangleright$  mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
  - $\triangleright$  Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$



#### **Leistungsanalyse** mit

- analytischen Methoden (Warteschlangentheorie)
- Simulation
- Praxisansatz: "Statische Analyse" Annahme: Der Engpass ist zu 100 % ausgelastet. Datenaufbereitung:
  - $\triangleright$  Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
  - hd mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
  - $\triangleright$  Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$



#### Leistungsanalyse mit

- analytischen Methoden (Warteschlangentheorie)
- Simulation
- Praxisansatz: "Statische Analyse" Annahme: Der Engpass ist zu 100 % ausgelastet. Datenaufbereitung:
  - $\triangleright$  Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
  - hd mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
  - $\triangleright$  Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e$$



#### Beispiel "Statische" Leistungsanalyse bei einem FFS

- ightharpoonup Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
- ightharpoonup mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
- ▶ Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e \text{ mit } X_e = \frac{S_e}{b_e}$$



#### Beispiel "Statische" Leistungsanalyse bei einem FFS

- ightharpoonup Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
- ightharpoonup mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
- ightharpoonup Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e \text{ mit } X_e = \frac{S_e}{b_e}$$

	m	$S_m$	$b_m$	$p_m$
Station 1	1	1	90.00	0.5
Station 2	2	1	295.67	0.1
Station 3	3	1	193.33	0.4
Transport	4	1	5.90	1.0



#### Beispiel "Statische" Leistungsanalyse bei einem FFS

- ightharpoonup Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
- ightharpoonup mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
- ightharpoonup Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e \text{ mit } X_e = \frac{S_e}{b_e}$$

	m	$S_m$	$b_m$	$p_m$	$w_m = \frac{p_m \cdot b_m}{S_m}$
Station 1	1	1	90.00	0.5	45.000
Station 2	2	1	295.67	0.1	29.567
Station 3	3	1	193.33	0.4	77.332
Transport	4	1	5.90	1.0	5.900



#### Beispiel "Statische" Leistungsanalyse bei einem FFS

- ightharpoonup Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
- ightharpoonup mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
- ▶ Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e \text{ mit } X_e = \frac{S_e}{b_e} \text{ und } U_m = \frac{b_m \cdot X_m}{S_m}$$

	m	$S_m$	$b_m$	$p_m$	$w_m = \frac{p_m \cdot b_m}{S_m}$	$\widehat{X}_m$	$\widehat{U}_m$
Station 1	1	1	90.00	0.5		0.006466	
Station 2	2	1	295.67	0.1	29.567	0.001293	38.23%
Station 3	3	1	193.33	0.4	77.332	0.005172	100.00%
Transport	4	1	5.90	1.0	5.900	0.012931	7.63%



#### Beispiel CQN-basierte Leistungsanalyse bei einem FFS

- ightharpoonup Routing-Wahrscheinlichkeiten zur Station m:  $p_m$
- ightharpoonup mittlere Bearbeitungszeiten an Station m:  $b_m$
- ▶ Anzahl Server (Maschinen) an Station m:  $S_m$

Engpass: Station mit der größten Arbeitslast  $(p_m \cdot b_m)$  pro Server

Engpass 
$$e = \arg\max_{m} \left\{ \frac{p_m \cdot b_m}{S_m} \right\}$$

$$\frac{X_m}{X_e} = \frac{p_m}{p_e} \iff X_m = \frac{p_m}{p_e} \cdot X_e \text{ mit } X_e = \frac{S_e}{b_e} \text{ und } U_m = \frac{b_m \cdot X_m}{S_m}$$

	m	$S_m$	$b_m$	$p_m$	$w_m = \frac{p_m \cdot b_m}{S_m}$	$\widehat{X}_m$	$\widehat{U}_m$	$X_m$	$U_m$
Station 1	1	1	90.00	0.5	45.000	0.006466	58.19%	0.005881	52.93%
Station 2	2	1	295.67	0.1	29.567	0.001293	38.23%	0.001176	34.77%
Station 3	3	1	193.33	0.4	77.332	0.005172	100.00%	0.004704	90.95%
Transport	4	1	5.90	1.0	5.900	0.012931	7.63%	0.011761	6.94%





# Qualitätsmanagement



- ▶ ... ist kaufentscheidender Faktor
- ▶ ... ist Wettbewerbsfaktor
- ▶ ... rechtfertigt i. d. R. einen höheren Absatzpreis
- $\implies$  Wertschöpfungsbeitrag



- ▶ ... ist kaufentscheidender Faktor
- ... ist Wettbewerbsfaktor
- ▶ ... rechtfertigt i. d. R. einen höheren Absatzpreis
- ⇒ Wertschöpfungsbeitrag
  - ▶ funktionale Qualität (Gebrauchstauglichkeit, "fitness for use")
    - > ", quality of performance"
    - ▷ "quality of design"



- ... ist kaufentscheidender Faktor
- ... ist Wettbewerbsfaktor
- ▶ ... rechtfertigt i. d. R. einen höheren Absatzpreis
- ⇒ Wertschöpfungsbeitrag
  - ▶ funktionale Qualität (Gebrauchstauglichkeit, "fitness for use")
    - > ", quality of performance"
    - ▷ "quality of design"
  - ▶ fertigungsbezogene Qualität (Ausführungsqualität, Präzision)
    - ▷ "quality of conformance"



- ... ist kaufentscheidender Faktor
- ... ist Wettbewerbsfaktor
- ▶ ... rechtfertigt i. d. R. einen höheren Absatzpreis
- $\implies$  Wertschöpfungsbeitrag
  - ▶ funktionale Qualität (Gebrauchstauglichkeit, "fitness for use")
    - > ", quality of performance"
    - ▷ "quality of design"
  - ► fertigungsbezogene Qualität (Ausführungsqualität, Präzision)
    - ▷ "quality of conformance"
  - ▶ ästhetische Qualität (äußere Gestaltung)

# Qualitätskosten



- ► Fehlerverhütungskosten
- ► Prüfkosten
- ► Fehlerfolgekosten









- ► Was? Welche Größen?
  - > Attribute
  - ▶ Variablen



- ▶ Was? Welche Größen?
  - ▶ Attribute
  - ▶ Variablen
- ► Wieviel?

  - - → Fehler erster und zweiter Art

# Statistische Qualitätskontrolle



- ▶ Was? Welche Größen?
  - Attribute
  - ▶ Variablen
- ► Wieviel?

  - - → Fehler erster und zweiter Art
- Anwendungsbereiche

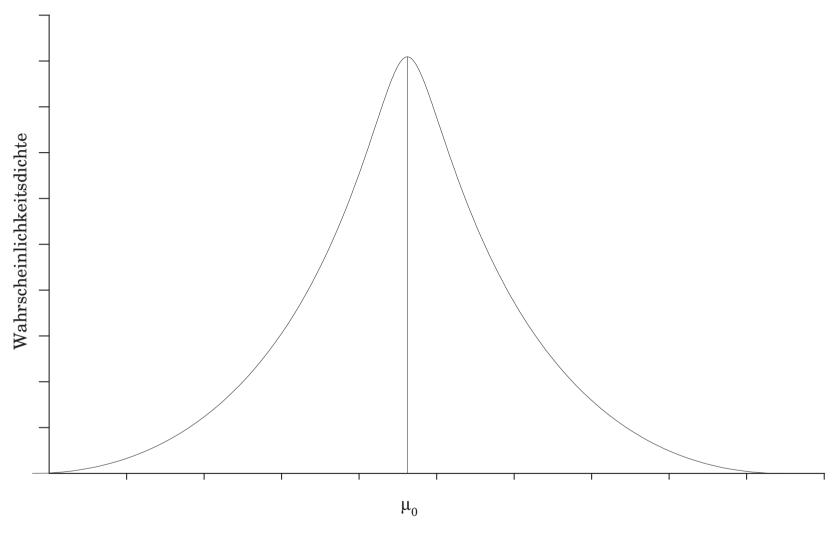
  - ▶ Prozesskontrolle





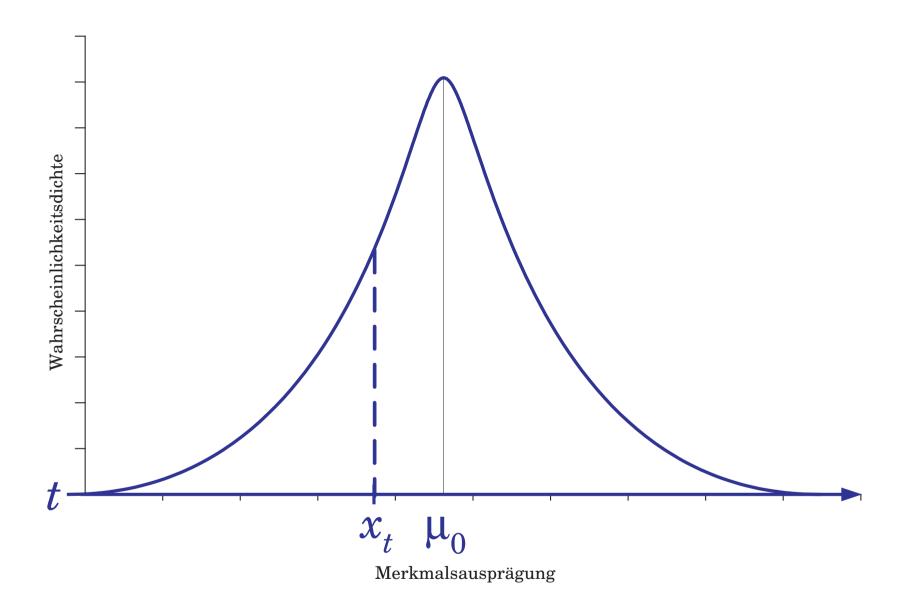
# **Statistische Prozesskontrolle**



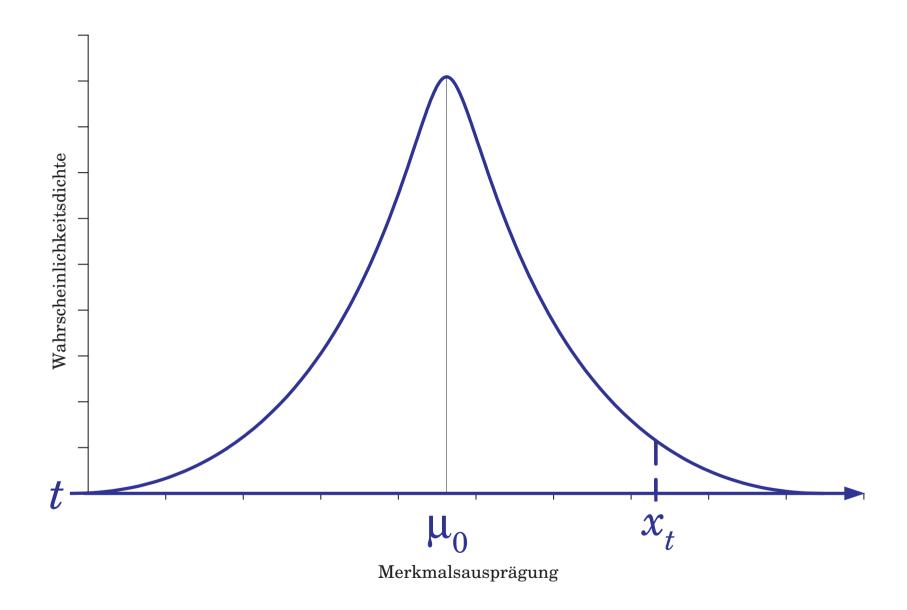


Merkmalsausprägung



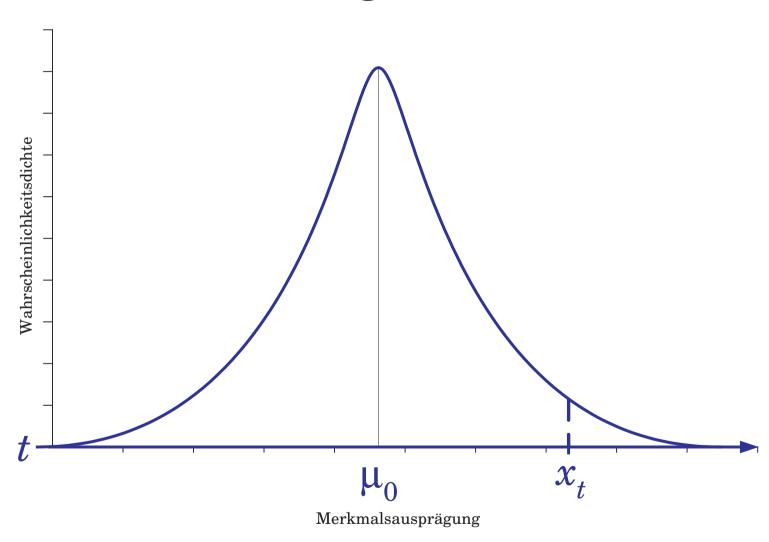




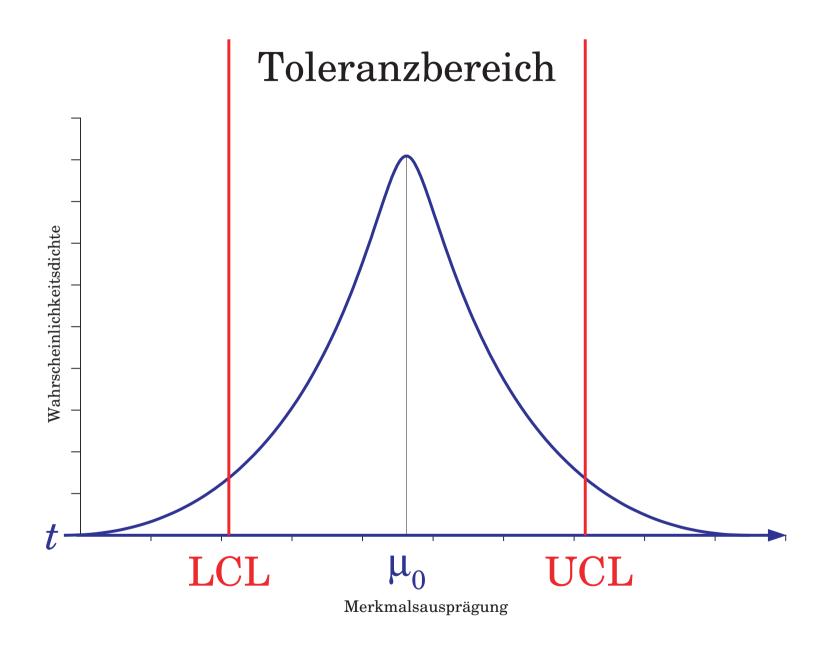




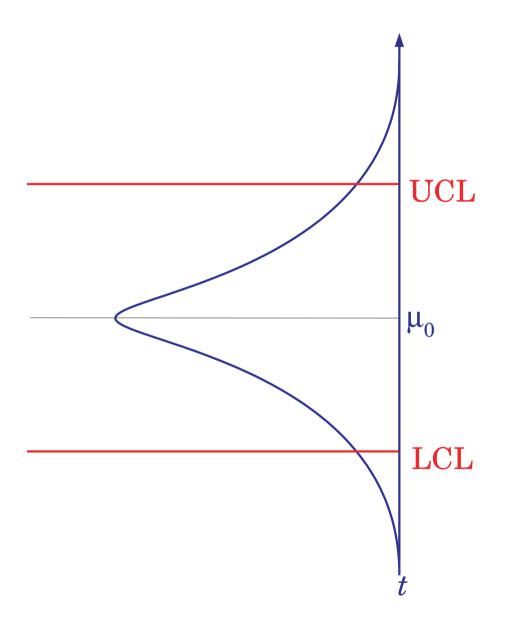




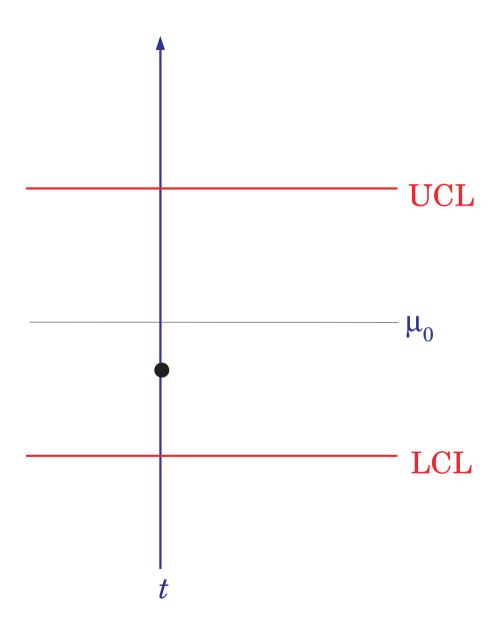




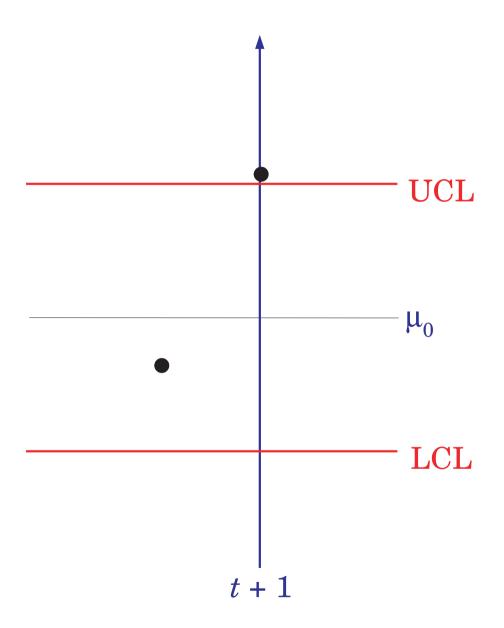














### Kontrollgrenzen

$$UCL = \mu_0 + z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$

$$LCL = \mu_0 - z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$



#### Kontrollgrenzen

$$UCL = \mu_0 + z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$
$$LCL = \mu_0 - z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$

### Bestimmung von $\mu_0$

$$x_t = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{it}$$

Stichprobenmittelwert

$$x = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} x_t = \widehat{\mu}_0$$

Mittelwert der Stichprobenmittelwerte



#### Kontrollgrenzen

$$UCL = \mu_0 + z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$

$$LCL = \mu_0 - z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$

Bestimmung von  $\sigma_0$  — Standardabweichung

$$s_t = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_{it} - x_t)^2}$$

Stichprobenstandardabweichung

$$s = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} s_t = \widehat{\sigma}_0$$

Mittelwert der Stichprobenstandardabweichungen



#### Kontrollgrenzen

$$UCL = \mu_0 + z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$
$$LCL = \mu_0 - z(n, \alpha) \cdot \sigma_0$$

## **Bestimmung von** $\sigma_0$ — Spannweite

$$R_t = \max\{x_{1t}, x_{2t}, \dots, x_{nt}\} - \min\{x_{1t}, x_{2t}, \dots, x_{nt}\}$$

Stichprobenspannweite

$$R = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} R_t = \widehat{\sigma}_0$$

Mittelwert der Stichprobenspannweiten



#### Kontrollgrenzen

$$\begin{aligned} \mathsf{UCL} &= \widehat{\mu}_0 + z(n, \alpha) \cdot \widehat{\sigma}_0 \\ \mathsf{LCL} &= \widehat{\mu}_0 - z(n, \alpha) \cdot \widehat{\sigma}_0 \end{aligned}$$

### Bestimmung von $z(n, \alpha)$

- ▶ bei Verwendung von Standardabweichungen:  $z = \frac{t_{n-1,1-\frac{\alpha}{2}}}{\sqrt{n}}$
- ▶ meistens jedoch:  $z = \frac{3}{\sqrt{n}}$
- ightharpoonup bei Verwendung von Spannweiten: tabellierte Werte A(n)
- ▶ häufig werden A(5) = 0.577 und A(9) = 0.337 verwendet



### Beispiel Qualitätssicherung: Statistische Prozesskontrolle

Die LowCal Kartoffelchips.com GmbH produziert hauchdünne, kalorienreduzierte Kartoffelchips. Wenn alles in Ordnung ist, dann werden Chips
mit einer durchschnittlichen Stärke von 0.500 Millimetern geschnitten,
wobei die durchschnittliche Spannweite der Chipsstärke in der Vergangenheit 0.100 Millimeter betragen hat. Die folgende Tabelle zeigt die
Ergebnisse aus drei neuen Stichproben (Stichprobenumfang n=9), die
aus dem laufenden Prozess entnommen wurden und die jetzt beurteilt
werden sollen:

Stichprobe	Stichprobenmittelwert der Chipsstärke
1	0.520
2	0.460
3	0.490



### Beispiel Qualitätssicherung: Statistische Prozesskontrolle

Die LowCal Kartoffelchips.com GmbH produziert hauchdünne, kalorienreduzierte Kartoffelchips. Wenn alles in Ordnung ist, dann werden Chips
mit einer durchschnittlichen Stärke von 0.500 Millimetern geschnitten,
wobei die durchschnittliche Spannweite der Chipsstärke in der Vergangenheit 0.100 Millimeter betragen hat. Die folgende Tabelle zeigt die
Ergebnisse aus drei neuen Stichproben (Stichprobenumfang n=9), die
aus dem laufenden Prozess entnommen wurden und die jetzt beurteilt
werden sollen:

Stichprobe	Stichprobenmittelwert der Chipsstärke
1	0.520
2	0.460
3	0.490

$$A(n=9) = 0.337$$



### Beispiel Qualitätssicherung: Statistische Prozesskontrolle

Die LowCal Kartoffelchips.com GmbH produziert hauchdünne, kalorienreduzierte Kartoffelchips. Wenn alles in Ordnung ist, dann werden Chips
mit einer durchschnittlichen Stärke von 0.500 Millimetern geschnitten,
wobei die durchschnittliche Spannweite der Chipsstärke in der Vergangenheit 0.100 Millimeter betragen hat. Die folgende Tabelle zeigt die
Ergebnisse aus drei neuen Stichproben (Stichprobenumfang n=9), die
aus dem laufenden Prozess entnommen wurden und die jetzt beurteilt
werden sollen:

Stichprobe	Stichprobenmittelwert der Chipsstärke
1	0.520
2	0.460
3	0.490

$$A(n=9) = 0.337$$

$$LCL = x - A \cdot R$$



### Beispiel Qualitätssicherung: Statistische Prozesskontrolle

Die LowCal Kartoffelchips.com GmbH produziert hauchdünne, kalorienreduzierte Kartoffelchips. Wenn alles in Ordnung ist, dann werden Chips
mit einer durchschnittlichen Stärke von 0.500 Millimetern geschnitten,
wobei die durchschnittliche Spannweite der Chipsstärke in der Vergangenheit 0.100 Millimeter betragen hat. Die folgende Tabelle zeigt die
Ergebnisse aus drei neuen Stichproben (Stichprobenumfang n=9), die
aus dem laufenden Prozess entnommen wurden und die jetzt beurteilt
werden sollen:

Stichprobe	Stichprobenmittelwert der Chipsstärke
1	0.520
2	0.460
3	0.490

$$A(n=9) = 0.337$$

$$LCL = x - A \cdot R = 0.5 - 0.337 \cdot 0.1 = 0.4663$$



### Beispiel Qualitätssicherung: Statistische Prozesskontrolle

Die LowCal Kartoffelchips.com GmbH produziert hauchdünne, kalorienreduzierte Kartoffelchips. Wenn alles in Ordnung ist, dann werden Chips
mit einer durchschnittlichen Stärke von 0.500 Millimetern geschnitten,
wobei die durchschnittliche Spannweite der Chipsstärke in der Vergangenheit 0.100 Millimeter betragen hat. Die folgende Tabelle zeigt die
Ergebnisse aus drei neuen Stichproben (Stichprobenumfang n=9), die
aus dem laufenden Prozess entnommen wurden und die jetzt beurteilt
werden sollen:

Stichprobe	Stichprobenmittelwert der Chipsstärke
1	0.520
2	0.460
3	0.490

$$A(n=9) = 0.337$$

$$LCL = x - A \cdot R = 0.5 - 0.337 \cdot 0.1 = 0.4663$$

$$UCL = x + A \cdot R = 0.5 + 0.337 \cdot 0.1 = 0.5337$$